

1. Ein Holzblock hängt an einer Stange der Länge  $L = 1 \text{ m}$  mit vernachlässigbarem Eigengewicht. Der Block hat eine Masse von  $M = 1 \text{ kg}$ . Zunächst wird die Masse um einen Winkel  $\alpha = 30^\circ$  ausgelenkt.

a) Auf welcher Höhe  $h$  befindet sich der Block nach der Auslenkung? (*Lösung*: 13,4 cm)

Der Holzblock wird nun losgelassen. Am Fußpunkt seiner Bahn wird er von einem Projektil mit der Masse  $m = 10 \text{ g}$  getroffen, welches im Block steckenbleibt. Block und Projektil werden vollständig abgebremst.

b) Wie groß war die Geschwindigkeit des Projektils? (*Lösung*:  $162,15 \text{ ms}^{-1}$ )

*Hinweis*: Alle Massen können als punktförmig betrachtet werden.

2. Gegeben ist ein homogener **Stab** (sein Querschnitt ist gegenüber der Länge vernachlässigbar) der Länge  $l$  und Masse  $m$ , der um eine *Querachse* rotiert.

- a) Berechnen Sie das **Trägheitsmoment**  $I_{\text{MM}}$  des Stabes bezogen auf seinen **Schwerpunkt**!  
 b) Berechnen Sie das **Trägheitsmoment**  $I_{\text{SE}}$  des Stabes bezogen auf eines der **Stabenden**!  
 c) Welchen allgemeinen Zusammenhang gibt es zwischen Trägheitsmomenten, bezogen auf verschiedene Drehpunkte?

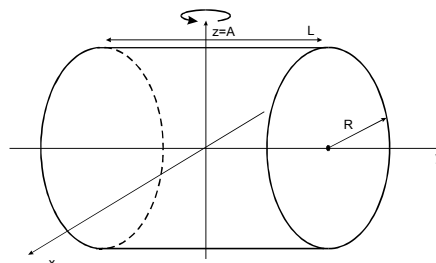
3. Eine hölzerne **Stange** der Länge  $l = 0,4 \text{ m}$  und der Masse  $m = 1 \text{ kg}$  kann sich um eine zur Stange *senkrechte* Mittelpunktsachse drehen. Das Ende der Stange wird von einem **Geschoß** der Masse  $m_1 = 10 \text{ g}$  mit der Geschwindigkeit  $v_1 = 200 \text{ ms}^{-1}$  getroffen, das sich senkrecht zur Längsachse der Stange bewegt.

→ Ermitteln Sie die **Winkelgeschwindigkeit**  $\omega$ , mit der sich die Stange zu drehen beginnt, wenn das Geschoß in ihr steckenbleibt! (*Lösung*:  $29,1 \text{ rads}^{-1}$ )

*Hinweis*: Es handelt sich um einen total inelastischen Stoß.

4. Man Berechne das **Trägheitsmoment eines homogenen Vollzylinders mit dem Radius  $R$  und der Höhe  $L$**  um eine **Achse  $A$** , senkrecht auf die Längsachse des Zylinders durch seinen Massenmittelpunkt (siehe Skizze) auf zwei Arten:

- a) Durch Aufbau des Zylinders aus dünnen rechteckigen Platten senkrecht zur Rotationsachse.  
 b) Durch Aufbau des Zylinders aus dünnen Scheiben parallel zur Rotationsachse.



*Hinweis*: Trägheitsmoment einer dünnen Platte (Länge:  $a$ , Breite  $b$ , Masse  $M$ ) um eine senkrechte Achse durch ihren Schwerpunkt:  $I = \frac{M}{12}(a^2 + b^2)$ . Trägheitsmoment einer dünnen Scheibe (Masse  $M$ , Radius  $R$ )

um eine Achse durch den Massenmittelpunkt, parallel zur Scheibenebene:  $I = \frac{MR^2}{4}$ .

**Bitte Seite wenden!**

- 5.** Ein **Vollzylinder**, sowie ein *dünnwandiger* **Hohlzylinder** mit gleicher Masse  $m$  und gleichem Radius  $r$  rollen über eine **schiefe Ebene** mit Neigungswinkel  $\alpha$ .
- Skizzieren Sie, welche **Kräfte, bzw. Drehmomente** auf die Körper wirken.
  - Wie groß ist die **Beschleunigung  $a$**  der beiden Körper?
  - Berechnen Sie *unter Verwendung des Energiesatzes* die **Rollgeschwindigkeit  $v$**  in *Abhängigkeit des zurückgelegten Weges  $s$* . In welcher **Zeit** wird  $s$  zurückgelegt?
  - In welchem Verhältnis stehen **kinetische Energie** und **Rotationsenergie** zueinander?
- 6.** Eine **Scheibe (Masse: 5 kg, Radius: 20 cm)** rotiert mit **1200 Umdrehungen je Minute**.
- Welches **Drehmoment** ist erforderlich, um sie bei gleichmäßiger Verzögerung in 3 Minuten zu stoppen? (*Lösung*: 0,07 Nm)